木村哲也 須賀茂雄

測色の歴史と発展(13) 前号より続く

5.6.4 U*V*W*の色差

1943年にMacAdamによって考案された1960 CIE – UCS 表色系に、Wyszeckiが1963年に明度軸を加えて完成し、1964年にCIEより推奨された。CIEが推奨した1960 CIE – UCS 色度図に、マンセルバリューの概念を導入して、三刺激値から簡単に変換可能である。1964 CIE – UCS 表色系および色差式を下記に示す。

1960 CIE-UCS 色度座標 u、vは、

$$u=4x/(-2x+12y+3)$$

 $v=6y/(-2x+12y+3)$
または、 $u=4X/(X+15Y+3Z)$
 $v=6Y/(X+15Y+3Z)$

均等色空間は、

$$\begin{split} W^* \! = \! 25Y^{1/3} \! - \! 17 \\ U^* \! = \! 13W^*(u_1 \! - \! u_0) \\ V^* \! = \! 13W^*(v_1 \! - \! v_0) \end{split}$$

U*V*W*の色差式を下記に示す。

$$\Delta E = (\Delta W^{*2} + \Delta U^{*2} + \Delta V^{*2})^{1/2}$$

$$\Delta W^{*} = W^{*}_{1} - W^{*}_{0}$$

$$\Delta U^{*} = U^{*}_{1} - U^{*}_{0}$$

$$\Delta V^{*} = V^{*}_{1} - V^{*}_{0}$$

1970年に"U*V*W*系による物体色の表示方法"及び "色差表示方法"として制定されたが、CIE 1976 L*u*v*の色差の推奨により、2017年3月に廃止され た。

5.6.5 CIE 1976 L*a*b*の色差

CIEが1986年に改定したPublication CIE 15.2に準じ、1995年に色の表示方法 – 物体色の色差として、色差

 ΔE^*_{ab} 、 ΔE^*_{uv} を規定し、 X_{10} 、 Y_{10} 、 Z_{10} と $L^*a^*b^*$ 表色系を組み合わせた a^*b^* 色相、 a^*b^* 彩度等を追加改定した。その後、2000年に測色関連のJISは、ISO/CIE 11664-4 Colorimetry – Part 4:CIE 1976 $L^*a^*b^*$ Colour Space と整合させ、JIS Z 8781-4 測色-第4部 CIE 1976 $L^*a^*b^*$ 色空間 として移行された。

CIE 1976 明度は、

$$L*=116f(Y/Y_n)-16$$

CIELAB 1976 a*b*座標は、

$$\begin{split} a^* &= 500 [f(X/X_n) - f(Y/Y_n)] \\ b^* &= 200 [f(Y/Y_n) - f(Z/Z_n)] \\ \text{\mathcal{L}} &\subset \{f(X/X_n) = (X/X_n)^{1/3} \\ &\quad \text{if} \qquad X/X_n \! > \! (6/29)^3 \\ f(X/X_n) &= (841/108)(X/X_n) + 4/29 \\ &\quad \text{if} \qquad X/X_n \! \leq \! (6/29)^3 \\ f(Y/Y_n) &= (Y/Y_n)^{1/3} \\ &\quad \text{if} \qquad Y/Y_n \! > \! (6/29)^3 \\ f(Y/Y_n) &= (841/108)(Y/Y_n) + 4/29 \\ &\quad \text{if} \qquad Y/Y_n \! \leq \! (6/29)^3 \\ f(Z/Z_n) &= (Z/Z_n)^{1/3} \\ &\quad \text{if} \qquad Z/Z_n \! > \! (6/29)^3 \\ f(Z/Z_n) &= (841/108)(Z/Z_n) + 4/29 \\ &\quad \text{if} \qquad Z/Z_n \! \leq \! (6/29)^3 \end{split}$$

CIE 1976 L*a*b*の色差式を下記に示す。

$$\Delta E^*_{ab} = (\Delta L^{*2} + \Delta a^{*2} + \Delta b^{*2})^{1/2}$$

$$\Delta L^* = L^*_1 - L^*_0$$

$$\Delta a^* = a^*_1 - a^*_0$$

$$\Delta b^* = b^*_1 - b^*_0$$

CIELAB 1976 ab ク ロマC*ab (CIE 1976 a,b chroma) は、

$$C^*_{ab} = [a^{*2} + b^{*2}]^{1/2}$$



CIELAB 1976 ab色相角hab (CIE 1976 a,b hue-angle) は、

$$h_{ab} = \arctan(b^*/a^*)$$

また、クロマ差、色相角差、色差中の彩度の差は、下記の 式による。

$$\begin{split} &\Delta\,C^*_{ab}\!=\!C^*_{ab,1}\!-\!C^*_{ab,0}\\ &\Delta\,h_{ab}\!=\!h_{ab,1}\!-\!h_{ab,0}\\ &\Delta\,H^*_{ab}\!=\!2(C^*_{ab,1}\cdot C^*_{ab,0})^{1/2}\!\sin(\Delta\,h_{ab}/2)\\ &\Delta\,E^*_{ab}\!=\!(\Delta\,L^{*2}\!+\!\Delta\,C^*_{ab}^2\!+\!\Delta\,H^*_{ab}^2)^{1/2} \end{split}$$

5.6.6 CIE 1976 L*u*v*の色差

1964 CIE-UCS 表色系およびU*V*W*均等色空間 の信頼性について疑問が提起され、CIEでは1964年 以降、均等色空間および色差式の研究結果を検討し、 結果を勧告した。

1960 CIE-UCS 色度座標 u、v は、分子の係数を 変更し、U*V*W*の色差式は、変更されて下記のよ うになった。

CIE 1976 明度は、

$$L^* = 116f(Y/Y_n) - 16$$

CIELAB 1976 u'v'座標は、

$$u' = 4x/(-2x+12y+3)$$

 $v' = 9y/(-2x+12y+3)$
 $u' = 4X/(X+15Y+3Z)$
 $v' = 9Y/(X+15Y+3Z)$

均等色空間は、

$$L*=116f(Y/Y_n)-16$$

$$u*=13L*(u'-u_n')$$

$$v*=13L*(v'-v_n')$$

$$\begin{array}{c} \text{C C ic, } f(Y/Y_n) = (Y/Y_n)^{1/3} \\ \\ \text{if } (Y/Y_n) > (6/29)^3 \\ \\ f(Y/Y_n) = (841/108)(Y/Y_n) + 4/29 \\ \\ \text{if } (Y/Y_n) \leq (6/29)^3 \end{array}$$

ユークリッド距離は、

$$\Delta (u', v') = [\Delta u'^2 + \Delta v'^2]^{1/2}$$

$$\Delta u' = u_1' - u_0'$$

$$\Delta v' = v_1' - v_0'$$

CIE 1976 u、v 飽和度:

$$S_{uv} = 13[(u'-u_n')^2 + (v'-v_n')^2]^{1/2}$$

CIE 1976 u、v クロマ:

$$C^*_{uv} = (u^{*2} + v^{*2})^{1/2}$$

CIE 1976 u、v 色相角:

$$h_{uv} = \arctan(v^*/u^*)$$

CIE 1976 L*u*v*の色差式を下記に示す。

$$\begin{split} &\Delta\,E^*_{uv} \!=\! (\,\Delta\,L^{*2} \!+\! \,\Delta\,u^{*2} \!+\! \,\Delta\,v^{*2})^{1/2} \\ &\Delta\,L^* \!=\! L^*_1 \!-\! L^*_0 \\ &\Delta\,u^* \!=\! u^*_1 \!-\! u^*_0 \\ &\Delta\,v^* \!=\! v^*_1 \!-\! v^*_0 \end{split}$$

CIELUV 1976 uv クロマC*uv (CIE 1976 u,v chroma) は、

$$C^*_{uv} = [u^{*2} + v^{*2}]^{1/2}$$

CIELUV 1976 uv色相角h*uv (CIE 1976 u,v hueangle) は、

$$h_{uv} = arctan(v^*/u^*)$$

また、クロマ差、色相角差、色差中の彩度の差は、下記 の式による。

$$\Delta C^*_{uv} = C^*_{uv,1} - C^*_{uv,0}$$

$$\Delta h^*_{uv} = h^*_{uv,1} - h^*_{uv,0}$$

$$\Delta H^*_{uv} = 2(C^*_{uv,1} \cdot C^*_{uv,0})^{1/2} \sin(\Delta h_{uv}/2)$$

$$\Delta E^*_{uv} = (\Delta L^{*2} + \Delta C^*_{uv}^2 + \Delta H^*_{uv}^2)^{1/2}$$



5.6.7 CIE₉₄の色差

CIE94は、CIEが1995年に暫定的に採用し、心理メト リック量の差 ΔL^* 、 ΔC^*_{ab} 、 ΔH^*_{ab} に重み付けを伴わ せた色差式である。

CIE94の色差式を下記に示す。

 $\Delta E_{94} \!=\! [(\Delta L^*\!/S_L)^2 \!+\! (\Delta C^*_{ab}\!/S_C)^2 \!+\! (\Delta H^*_{ab}\!/S_H)^2]^{1/2}$

ここに、

SL=1 (明度に関して、知覚される色差との相関を 補正するための重み付け関数)

 $S_C = 1 + 0.045\bar{C}^*_{ab}$ (クロマに関して、知覚される色 差との相関を補正するための重み付け関数)

 $S_{H}=1+0.015$ \bar{C}^{*}_{ab} (色相差に関して、知覚される色 差との相関を補正するための重み付け関数)

ΔL*: L*a*b*表色系における2つの物体色のCIE 1976 明度差

ΔC*_{ab}: L*a*b*表色系における2つの物体色の CIELABクロマ差

ΔH*_{ab}: L*a*b*表色系における2つの物体色の CIELAB色相差

 $\Delta H_{ab}^* = k[2(C_{ab,1}^* \cdot C_{ab,0}^* - a_1^* \cdot a_0^* - b_1^* \cdot b_0^*)]^{1/2}$

C*_{ab,1}、C*_{ab,0}: 試料および基準とする色のab クロマの値

a*1、a*0:試料および基準とする色のa*座標の値 b*1、b*0: 試料および基準とする色のb*座標の値 $k: a^{*}_{1} \cdot b^{*}_{0} \leq a^{*}_{0} \cdot b^{*}_{1}$ の場合は、+1

 $a^*_1 \cdot b^*_0 > a^*_0 \cdot b^*_1$ の場合は、-1

Cab:L*a*b*表色系における2つの物体色のabクロ マの幾何平均の値(C*_{ab,0}・C*_{ab,1})^{1/2}

5.6.8 CMC (I:c) の色差

CMC (l:c) は、イギリスで1984年に開発され、 イギリス規格のBS 6923に採用された^{31) 32)}。また 1995年に発行されたISO 105-J03 (Textiles - Tests for colour fastness- Part J03: Calculation of colour differences)に採用されていた色差式である。 CMC (1:c) の色差式を下記に示す。

$$\Delta E_{CMC}(1:c) = [(\Delta L^*/IS_L)^2 + (\Delta C^*_{ab}/c S_C)^2 + (\Delta H^*_{ab}/S_H)^2]^{1/2}$$

分母の係数lおよびcは、丁度識別できるような色差の 表示および完全拡散面に近似した物体の色差の表示を 目的にする場合には、1=1、c=1を用い、繊維分野での 実地応用のような閾(しきい)値上の比較的大きい色 差を目的にする場合には、l=2、c=1を用いる。それぞ nCMC(1:1)、またはCMC(2:1)と表記する。

$$S_L = 0.040975 \cdot L^*_0 / (1 + 0.01765L^*_0)$$
 $L^*_0 \ge 16 \mathcal{O}$ 時 $S_L = 0.511$ $L^*_0 < 16 \mathcal{O}$ 時 $S_C = [0.0618 \cdot C^*_{ab,0} / (1 + 0.0131C^*_{ab,0})] + 0.638$ $S_H = S_C (T \cdot f + 1 - f)$ $f = (C^*_{ab,0} / (C^*_{ab,0} + 1900))^{1/2}$ $T = 0.56 + \mid 0.2\cos(h_{ab,0} + 168^\circ) \mid 164^\circ < h_{ab,0} < 345^\circ$ $T = 0.36 + \mid 0.4\cos(h_{ab,0} + 35^\circ) \mid h_{ab,0} \le 164^\circ$ または $h_{ab,0} \ge 345^\circ$ $h_{ab,0} = \tan^{-1}(b^*_0 / a^*_0)$

S_L:明度に関して、知覚される色差との相関を補正 するための重み付け関数

Sc:クロマに関して、知覚される色差との相関を補 正するための重み付け関数

S_H:色相差に関して、知覚される色差との相関を 補正するための重み付け関数

(次号へ続く)

【参考文献】

- 31) CIE 15:2004 3rd Edition
- 32) 照明学会誌 第87巻 第5号 2003